

Nome studente: .....

Matricola:.....

Esercizio	1	2	3	4	5	6
Punteggio massimo	7	7	4	7	4	4
Valutazione						

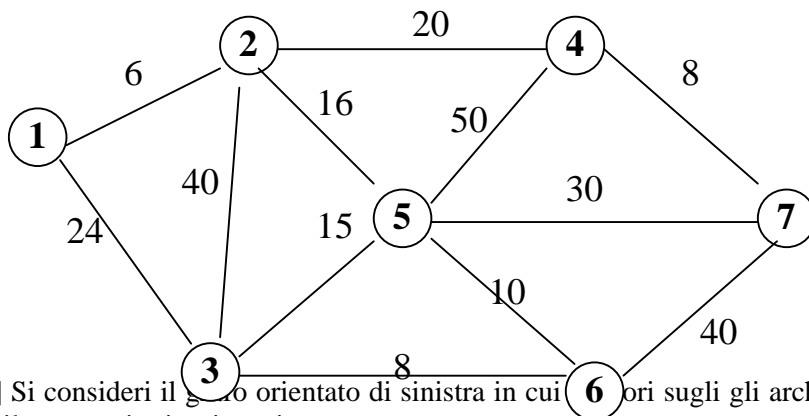
[1] Una ditta dispone di  $n$  potenziali collocazioni per stabilimenti produttivi,  $P_1, \dots, P_n$ . La ditta dispone inoltre di  $q$  magazzini intermedi,  $M_1, \dots, M_q$ , (dove la merce prodotta deve necessariamente passare) ed  $m$  centri di distribuzione del prodotto finito  $D_1, \dots, D_m$ . Il costo di trasporto unitario delle merci dal sito produttivo  $P_i$  al magazzino  $M_j$  e dal magazzino  $M_j$  al centro di distribuzione  $D_h$  è dato dalle due matrici di valori non negativi  $C_{ij}$  e  $F_{jh}$ , rispettivamente. In un dato periodo, ciascun sito  $P_i$  è caratterizzato da una capacità produttiva massima pari a  $C_{pi}$  unità e da un costo di attivazione pari ad  $f_i$ ; ciascun magazzino  $M_j$  ha un costo unitario di giacenza pari a  $CM_j$  e ciascun centro di distribuzione  $D_h$  richiede almeno  $dd_h$  unità di merce. Almeno il 30% della merce deve passare per i magazzini  $M_1, M_2$  ed  $M_3$ . Inoltre non è possibile scegliere più della metà dei siti produttivi di un sottoinsieme dato,  $Q$ , di tutti i siti candidati. Si formuli un adeguato modello di programmazione lineare intera per questo problema di localizzazione e trasporto.

[2] Si risolva mediante un algoritmo di Branch & Bound il problema di zaino definito dai seguenti dati  
 Profitti,  $(p_j) = (38, 40, 30, 20, 16, 14)$   
 Pesi,  $(w_j) = (6, 5, 5, 4, 3, 2)$  Capacità,  $b = 12$

Si utilizzi come rilassamento quello lineare, risolto mediante un opportuno algoritmo. Si adotti una strategia “Highest First” e si esplori per primo, ad ogni livello, il ramo dell’albero di “branching” associato al vincolo  $x_i = 0$ , dove la variabile di branching  $x_i$  è quella che assume un valore frazionario nel rilassamento lineare. Si noti inoltre che in ciascun sottoproblema una variabile libera può venir fissata a zero qualora la capacità residua dello zaino sia strettamente minore del suo peso.

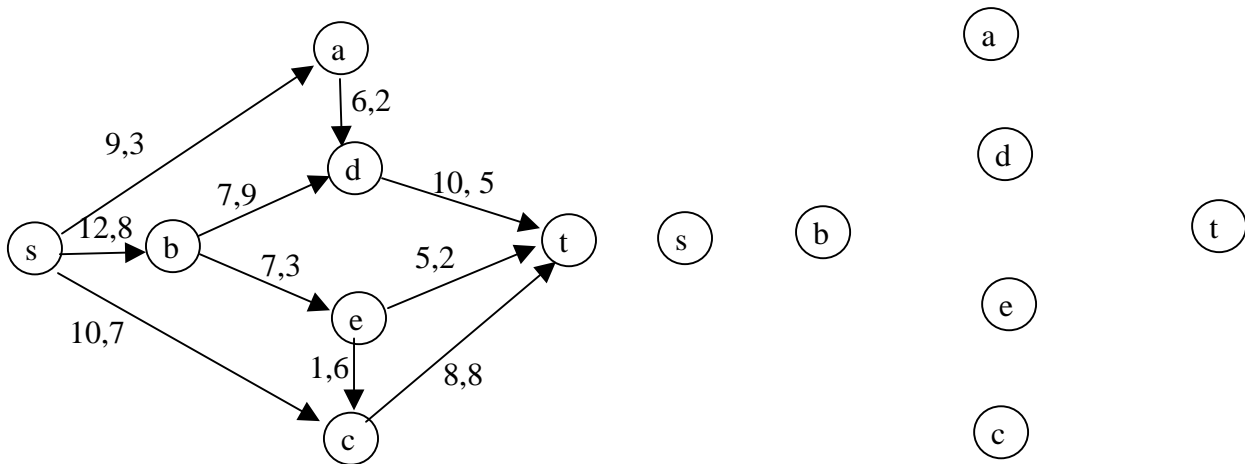
Si riporti a fianco l'albero di branching. Per ogni nodo si riportino: il suo numero progressivo,  $i$  (partendo dal valore 0 del nodo radice), ed il valore UB.

[3] Si risolva mediante l’algoritmo di Prim-Dijkstra il problema di determinare l'albero di peso minimo, a partire dal nodo 3, nel grafo in figura



Archi della soluzione **nell'ordine** in cui vi vengono inseriti:  
 ( , )  
 ( , )  
 ( , ) etc...  
 Peso minimo:

[4] Si consideri il grafo orientato di sinistra in cui i nodi e gli archi rappresentano i siti e i costi unitari, rispettivamente:



4.1 Si trovi con l'algoritmo di Ford-Fulkerson un *flusso di valore massimo* da **s** a **t**.

Si riportino tutti i cammini aumentanti come sequenze di nodi ed il corrispondente incremento di flusso.

Si riporti il valore del flusso massimo.

4.2 Si trovi un *taglio di capacità minima*.

4.3 Si ricavi se il flusso massimo è stato inviato a costo minimo o no, motivando la risposta per mezzo della rete incrementale (da completare) di sinistra.

[5] Si riporti la formulazione matematica del problema [3] (nel caso generico)

[6] Si formuli il rilassamento lagrangiano del seguente problema di PLI, dove il secondo vincolo ha moltiplicatore lagrangiano  $\lambda$  ed il terzo ha moltiplicatore lagrangiano  $\mu$ .

$$\max z = -x_1 + x_2$$

$$(I) \quad +x_1 + x_2 \geq 2$$

$$(II) \quad -x_1 + 3x_2 \leq 6$$

$$(III) \quad -2x_1 + x_2 \geq 1$$

$$x_1, x_2 \geq 0 \text{ e intere}$$

**[2] bis** Si applichi al seguente problema di programmazione lineare la prima fase dell'algorithm del simplesso

$$\begin{aligned} \max z &= x_1 + x_2 \\ 3x_1 + 2x_2 &\leq 18 \\ 3x_1 - x_2 &\leq 3 \\ x_1 &\geq 3 \\ x_1, x_2 &\geq 0 \end{aligned}$$

Si riportino tutti i tableau necessari:


**[3] bis** Dato il seguente tableau ottimo si aggiunga ad esso il vincolo  $x_1 - 2x_2 + 3x_3 \geq 2$  e si risolva il problema così ottenuto

4	0	0	2	-1
1	1	0	5	3
-3	0	1	5	2

Tableau ottimo

Si riportino tutti i tableau necessari:
