

Note ed esercizi aggiuntivi

Gli esercizi proposti sono utili per rivedere gli esempi riportati, che sono stati sviluppati e discussi in dettaglio a lezione.

16. Di nuovo metodi e sottoprogrammi ricorsivi

Esempio. Ordinamento ricorsivo tramite merge-sort.

```
import prog.io.ConsoleInputManager;
import prog.io.ConsoleOutputManager;

class Ordinamento {

    public static void main(String[] a) {
        ConsoleInputManager in = new ConsoleInputManager();
        ConsoleOutputManager out = new ConsoleOutputManager();

        int nNumeri = in.readInt("Quanti numeri vuoi ordinare? ");
        int[] numeri = new int[nNumeri];
        for (int i = 0; i < nNumeri; i++)
            numeri[i] = in.readInt("Numero? ");

        ordina(numeri);

        out.println("Elenco ordinato: ");
        for (int x: numeri)
            out.println(x);
    }
}
```

```
public static void ordina(int[] a) {
    if (a.length > 1) {
        int mezzo = a.length / 2;

        //costruisci un array corrispondente alla prima meta'
        //dell'array da ordinare
        int[] b = new int[mezzo];
        for (int i = 0; i < mezzo; i++)
            b[i] = a[i];

        //costruisci un array corrispondente alla seconda meta'
        //dell'array da ordinare
        int[] c = new int[a.length - mezzo];
        for (int i = mezzo; i < a.length; i++)
            c[i - mezzo] = a[i];

        //ordina i due array ottenuti
        ordina(b);
        ordina(c);

        //fondi i due array
        int posB = 0; //prossima posizione da considerare nel primo array
        int posC = 0; //prossima posizione da considerare nel secondo array

        for (int i = 0; i < a.length; i++)
            //assegna ad a[i] il minimo tra b[posB] e c[posC]
            if (posC == c.length || posB < b.length && b[posB] < c[posC])
                a[i] = b[posB++];
            else
                a[i] = c[posC++];
    } //else l'array e' gia' ordinato
}
}
```

Note

- L'esempio (per nulla object-oriented) ha lo scopo di mostrare un uso interessante e non banale della ricorsione.
- Il metodo `ordina` è basato sul seguente schema ricorsivo:

```
if (l'array a contiene almeno due elementi) {
    costruisci due array b e c tali che:
    - b contenga gli elementi della prima meta' dell'array a,
    - c contenga gli elementi della seconda meta' dell'array a;
    ordina ricorsivamente gli array b e c
    fondi i due array ordinati b e c scrivendo il risultato nell'array a
} else non fare nulla (l'array e' gia' ordinato!)
```

- La fusione (detta anche *merge*) avviene selezionando di volta in volta il più piccolo tra gli elementi di `b` e `c` non ancora utilizzati:
 - a tale scopo le variabili `posB` e `posC` indicano, in ciascuno dei due array, la prossima posizione da considerare;
 - la condizione `b[posB] < c[posC]` permette di scegliere il minimo;
 - occorre tenere conto del fatto che a un certo punto verrà raggiunta la fine di uno dei due array (a tale scopo la condizione della selezione contiene ulteriori controlli, utilizzando il meccanismo della lazy evaluation).
- La soluzione presentata è dispendiosa in termini di memoria, in quanto ad ogni chiamata ricorsiva vengono creati i due array `b` e `c`. Più avanti è presentato un raffinamento che evita la creazione dei due array.
- Se si vuole che il metodo `ordina` sia a disposizione di altre classi e possa essere richiamato da altri metodi, si può dichiarare la classe `Ordinamento` come `public` (e collocarla poi in un package). In tal caso il metodo può essere richiamato dal codice di altre classi mediante `Ordinamento.ordina(...)`. Nella classe `Ordinamento` si potrebbero, mediante overloading, definire altri metodi `ordina` per altri tipi di dati, o un metodo generico, come suggerito negli esercizi successivi.
- Il metodo `main`, estremamente rudimentale, presentato nell'esempio è fornito solo per provare il metodo `ordina`. Esso non è indispensabile se `ordina` è a disposizione di altre classi.

Esercizio 16.1

Utilizzando la stessa tecnica dell'esempio precedente, scrivete un metodo di ordinamento per un array di stringhe e un metodo di ordinamento per un array di frazioni (insieme a metodi di prova).

Esercizio 16.2

Utilizzando la stessa tecnica dell'esempio precedente, scrivete un metodo di ordinamento “generico” che ordini un array di oggetti di un qualunque tipo che implementi l'interfaccia `Comparable`. *(Per risolvere questo esercizio è necessario approfondire alcune tematiche che non sono state trattate nel corso relative a tipi e metodi generici. Alcune idee fondamentali sono presentate, per un differente algoritmo di ordinamento, nel paragrafo 9.5 del libro di testo.)*

Esempio. Il metodo `ordina` dell'esempio precedente (con un metodo ausiliario ricorsivo `ord`), implementato senza utilizzare gli array ausiliari `b` e `c`.

```
public static void ordina(int[] a) {
    ord(a, 0, a.length);
}

private static void ord(int[] a, int i, int j) {
    //ordina la porzione di a dalla posizione i alla posizione j esclusa
    if (j > i + 1) { // la porzione da ordinare contiene almeno due elementi
        int mezzo = (i + j) / 2;

        //ordina ricorsivamente le due parti di array
        ord(a, i, mezzo);
        ord(a, mezzo, j);

        //fonde le due parti scrivendo il risultato in un array di supporto
        int[] fusione = new int[a.length];
        int posB = i;
        int posC = mezzo;
        for (int k = i; k < j; k++)
            //assegna a fusione[k] il minimo tra a[posB] e a[posC]
            if (posC == j || posB < mezzo && a[posB] < a[posC])
                fusione[k] = a[posB++];
            else
                fusione[k] = a[posC++];
        for (int k = i; k < j; k++)
            a[k] = fusione[k];
    }
}
```

Note

- L'algoritmo di ordinamento ricorsivo è implementato dal metodo `ord` che riceve tramite i parametri un riferimento `a` all'array e due indici `i` e `j`. Il metodo deve modificare l'array riferito da `a` ordinando in modo crescente la porzione `a[i], ..., a[j - 1]`.
- Il metodo `ordina` si limita a richiamare il metodo `ord` fornendo come indici 0 e la lunghezza dell'array, in modo che venga ordinato l'intero array.
- Il metodo `ord` segue il medesimo schema ricorsivo del metodo `ordina` della versione precedente. In particolare, se la porzione da ordinare contiene almeno due elementi, essa viene suddivisa in due porzioni, delimitate dall'indice `mezzo`. Le due porzioni vengono ordinate ricorsivamente (chiamate ricorsive a `ord`). Si procede infine alla fusione.
- Per la fusione si utilizza un array ausiliario (riferimento `fusione`) in cui vengono copiati gli elementi durante la fusione (per comodità l'array è dimensionato come quello originario, in realtà se ne utilizzano solo le posizioni da `i` a `j - 1`). Infine, gli elementi vengono ricopiati nella porzione corrispondente di `a`.
- L'array `fusione` serve solo nella fase finale: non è necessario crearlo ad ogni chiamata ricorsiva, ma è sufficiente crearlo una volta sola all'inizio. A tale scopo l'array può essere creato preliminarmente nel metodo `ordina`. Il metodo `ord` riceve l'accesso all'array tramite un ulteriore parametro. Ecco il codice con queste modifiche:

```
public static void ordina(int[] a) {
    int[] supporto = new int[a.length];
    ord(a, 0, a.length, supporto);
}

private static void ord(int[] a, int i, int j, int[] fusione) {
    //ordina la porzione di a dalla posizione i alla posizione j esclusa
    if (j > i + 1) { // la porzione da ordinare contiene almeno due elementi
        int mezzo = (i + j) / 2;

        //ordina ricorsivamente le due parti di array
        ord(a, i, mezzo, fusione);
        ord(a, mezzo, j, fusione);

        //fonde le due parti scrivendo il risultato in fusione
        int posB = i;
        int posC = mezzo;
        for (int k = i; k < j; k++)
            //assegna a fusione[k] il minimo tra a[posB] e a[posC]
            if (posC == j || posB < mezzo && a[posB] < a[posC])
                fusione[k] = a[posB++];
            else
                fusione[k] = a[posC++];
        for (int k = i; k < j; k++)
            a[k] = fusione[k];
    }
}
```

- In realtà è possibile evitare anche l'uso dell'array ausiliario per la fusione. Tuttavia l'algoritmo è piuttosto complicato, a meno di non aumentare i tempi di esecuzione.