



# Fondamenti di informatica per la sicurezza

anno accademico 2005–2006

docente: Stefano FERRARI

08.02.2006 — Seconda parte — versione A

valutazioni    1 (4) \_\_\_\_\_ 2 (4) \_\_\_\_\_ 3 (4) \_\_\_\_\_ 4 (6) \_\_\_\_\_ 5 (6) \_\_\_\_\_ 6 (8) \_\_\_\_\_

Cognome _____
Nome _____
Matricola _____ Firma _____

## Esercizio 1

Siano dati i linguaggi  $L_1$  e  $L_2$ :

- $L_1 = \{a, b, ba\}$
- $L_2 = \{z, x\}$

Descrivere i linguaggi:

- a)  $L_3 = L_1 \cap L_2$
- b)  $L_4 = L_1 \cup L_2$
- c)  $L_5 = L_1 L_2$
- d)  $L_6 = L_2^3$
- e)  $L_7 = L_2^* L_1^*$
- f)  $L_8 = (L_1 L_2)^*$

Per quegli insiemi di cui sia troppo lungo (o impossibile) dare una descrizione estensionale, elencare almeno tre elementi, indicando le caratteristiche degli elementi che li compongono. In particolare, chiarire se la stringa vuota  $\epsilon$  appartiene al linguaggio.

## Esercizio 2

Sia data la seguente grammatica,  $G = \langle T, V, P, S \rangle$ , definita su  $\Sigma = \{a, b, c, d\}$ :

- insieme dei simboli terminali,  $T: T = \Sigma$
- insieme dei metasimboli,  $V: V = \{K, H\}$
- insieme delle regole di produzione,  $P: P = \{S ::= H, K ::= a|Hc|Hb, H ::= b|Ka|Hd\}$

Quali fra le seguenti stringhe vengono generate da  $G$ ?

- a) *ccad*
- b) *aadd*
- c) *aadba*
- d) *adca*
- e) *dbba*

Riportare la successione di regole da applicare per la generazione di tali stringhe e le stringhe parziali ottenute, spiegando perché non si possono ottenere le stringhe che eventualmente non risultassero appartenere al linguaggio generato da  $G$ .

## Esercizio 3

Sia dato il seguente automa a stati finiti,  $A, A = \langle Q, \Sigma, \delta, q_0, F \rangle$ :

- insieme degli stati,  $Q: Q = \{q_0, q_1, q_2, q_3\}$
- alfabeto di input,  $\Sigma: \Sigma = \{a, b, c, d, e\}$

• funzione di transizione  $\delta$ :

	a	b	c	d	e
$q_0$	$q_3$	$q_0$	$q_1$	$q_2$	$q_3$
$q_1$	$q_2$	$q_2$	$q_2$	$q_0$	$q_0$
$q_2$	$q_1$	$q_1$	$q_1$	$q_3$	$q_1$
$q_3$	$q_3$	$q_2$	$q_0$	$q_0$	$q_2$

- stato iniziale,  $q_0$
- insieme di stati finali,  $F: F = \{q_1\}$

Indicare:

- a) quattro stringhe accettate da  $A$
- b) quattro stringhe rifiutate da  $A$

#### Esercizio 4

Modellare, tramite un automa a stati finiti deterministico, il funzionamento di una macchina da scrivere.

Una macchina da scrivere è dotata di una tastiera, un rullo per lo scorrimento del foglio e di un nastro inchiostro. Nel normale funzionamento, l'utente inserisce un foglio, pigia i tasti della tastiera e, al termine della scrittura, toglie il foglio dal rullo.

Agire sui tasti senza il foglio rovina il rullo, così come inserire più di due fogli per volta.

Ipotizzare che non si possano verificare contemporaneamente più azioni. Modellare l'automata in modo che esso accetti solo le stringhe che descrivono il funzionamento normale della macchina. In particolare, individuare possibili situazioni fisicamente irrealizzabili o pericolose e formalizzarle in modo che l'automata rifiuti le successioni di azioni che porterebbero la macchina da scrivere in tali situazioni.

Stati e simboli riportati o suggeriti nel testo sono solo indicativi: possono essere modificati, ridotti ed estesi a secondo delle esigenze del progetto.

#### Esercizio 5

Sia data l'espressione regolare  $E$ , definita su  $\Sigma = \{a, b, c\}$ :

- $E = (a^2 + cb)^*(ba^*b + c)^2$

Quali fra le seguenti stringhe vengono descritte da  $E$ ?

- a) *aaaaccc*
- b) *aaabcc*
- c) *cbcbabc*
- d) *baaacac*
- e) *aaabbc*
- f) *caaabaabc*

#### Esercizio 6

Indicare una espressione regolare (non banale) definita su  $\Sigma = \{a, b, c\}$  che descriva le seguenti stringhe:

- *accaccc*
- *aaba*

- *bcaccacc*

- *bcacacca*

ma non le seguenti:

- *ccaac*

- *ababcab*

- *acaccacc*

- *bbcaccb*