



Fondamenti di informatica per la sicurezza

anno accademico 2005–2006

docente: Stefano FERRARI

24.01.2006 — Secondo compito — versione Avalutazioni **1** (4) _____ **2** (4) _____ **3** (4) _____ **4** (6) _____ **5** (6) _____ **6** (8) _____

Cognome _____
Nome _____
Matricola _____ Firma _____

Esercizio 1

Siano dati i linguaggi L_1 e L_2 :

- $L_1 = \{a, c, ca\}$
- $L_2 = \{x, y\}$

Descrivere i linguaggi:

- $L_3 = L_1 \cap L_2$
- $L_4 = L_1 \cup L_2$
- $L_5 = L_1 L_2$
- $L_6 = L_1^2$
- $L_7 = L_1^* L_2^*$
- $L_8 = (L_1^2 L_2)^*$

Per quegli insiemi di cui sia troppo lungo (o impossibile) dare una descrizione estensionale, elencare almeno tre elementi, indicando le caratteristiche degli elementi che li compongono. In particolare, chiarire se la stringa vuota ϵ appartiene al linguaggio.

Esercizio 2

Sia data la seguente grammatica, $G = \langle T, V, P, S \rangle$, definita su $\Sigma = \{a, b, c, d\}$:

- insieme dei simboli terminali, T : $T = \Sigma$
- insieme dei metasimboli, V : $V = \{K, H\}$
- insieme delle regole di produzione, P : $P = \{S ::= K, K ::= c|Hb|Hc, H ::= a|Kd|Ha\}$

Quali fra le seguenti stringhe vengono generate da G ?

- $cabdb$
- $aaac$
- $dcdab$
- $cdab$
- $adca$

Riportare la successione di regole da applicare per la generazione di tali stringhe e le stringhe parziali ottenute, spiegando perché non si possono ottenere le stringhe che eventualmente non risultassero appartenere al linguaggio generato da G .

Esercizio 3

Sia dato il seguente automa a stati finiti, A , $A = \langle Q, \Sigma, \delta, q_0, F \rangle$:

- insieme degli stati, Q : $Q = \{q_0, q_1, q_2, q_3\}$
- alfabeto di input, Σ : $\Sigma = \{a, b, c, d, e\}$

- funzione di transizione δ :

	a	b	c	d	e
q_0	q_3	q_2	q_0	q_0	q_2
q_1	q_2	q_1	q_2	q_3	q_1
q_2	q_2	q_0	q_1	q_0	q_3
q_3	q_1	q_2	q_1	q_1	q_1

- stato iniziale, q_0
- insieme di stati finali, F : $F = \{q_1\}$

Indicare:

- quattro stringhe accettate da A
- quattro stringhe rifiutate da A

Esercizio 4

Modellare, tramite un automa a stati finiti deterministico, il funzionamento di una doppietta da caccia.

Una doppietta è un fucile da caccia dotato di due canne e due grilletti. Ogni grilletto controlla lo sparo della cartuccia di una canna.

La doppietta dispone di una leva per aprire la doppietta e accedere alle canne. All'apertura, le cartucce presenti vengono espulse automaticamente.

E' inoltre presente una leva di sicura a due posizioni che permette o impedisce lo sparo di entrambe le canne.

Ipotizzare inoltre che non si possano verificare contemporaneamente più azioni. Modellare l'automata in modo che esso accetti solo le stringhe che descrivono il normale funzionamento della doppietta. In particolare, individuare possibili situazioni fisicamente irrealizzabili o pericolose e formalizzarle in modo che l'automata rifiuti le successioni di azioni che porterebbero la doppietta in tali situazioni.

Stati e simboli riportati o suggeriti nel testo sono solo indicativi: possono essere modificati, ridotti ed estesi a secondo delle esigenze del progetto.

Esercizio 5

Sia data l'espressione regolare E , definita su $\Sigma = \{a, b, c\}$:

- $E = (ba^* + ca)^3(c + b^*a)^*$

Quali fra le seguenti stringhe vengono descritte da E ?

- a) $baaacab$
- b) $bccaac$
- c) $cababaacbbb$
- d) $bbccc$
- e) $aaabaca$
- f) $baaaca$

Esercizio 6

Indicare una espressione regolare (non banale) definita su $\Sigma = \{a, b, c\}$ che descriva le seguenti stringhe:

- $aaaaa$

- $bbababca$
- $cacabc$
- $cacaa$

ma non le seguenti:

- $bbbabc$
- $abbaab$
- $aabcbabc$
- $caacacac$