



## Valutazione delle prestazioni di calcolo

A. Borghese, F. Pedersini

Dipartimento di Informatica  
Università degli Studi di Milano

## Perché valutare le prestazioni?



### PERCHÉ?

- ❖ Per poter fare misure **quantitative** delle prestazioni di un sistema di elaborazione
  - ✦ Misura di velocità / throughput
  - ✦ Fatturazione delle prestazioni
- ❖ Per poter fare scelte "intelligenti"
  - ✦ *È più vantaggioso acquistare nuovo hardware o modificare il software?*
  - ✦ *Analisi costi/benefici relativi all'acquisto di nuovo hardware*

La misura di prestazioni riguarda di solito il **tempo di calcolo**

$$\text{Prestazioni}_x > \text{Prestazioni}_y \rightarrow T_x < T_y \rightarrow 1/T_x > 1/T_y$$

*"X ha prestazioni maggiori di Y di un fattore  $T_Y / T_X$ "*

**Misura relativa (percentuale):** *"X ha prestazioni maggiori di Y di N %"*

$$\text{Prestazioni}(X) = ( 1 + N/100 ) \cdot \text{Prestazioni}(Y)$$

$$T_Y = ( 1 + N/100 ) \cdot T_X \rightarrow N = 100 \cdot ( T_Y - T_X ) / T_X$$



### Typical performance parameters:

- ❖ *Velocity of execution*
- ❖ *Quantity of information elaborated*
  
- ❖ The evaluation criterion depends on the use of the calculator:
  - Use personal → **time of execution**
  - Use as server → **throughput**

**THROUGHPUT:** quantity of work done in a given time (accesses to web pages, data banks, applications, commercial transactions...)
  
- ❖ In particular cases, other criteria are also used:
  - **Energy efficiency:** **Joule / operation** (es: *spatial probe*)
  - **Volume in volume:** **(operations / sec) / m<sup>3</sup>** (es: *data center*)



### Performance measurements at high level (user level):

- ❖ **Response time:** total time to complete a job
  - including disk accesses, memory accesses, I/O activities...
  
- ❖ **CPU time:** represents the time spent by the CPU to execute the program
  - Non include i tempi di attesa per I/O or execution of other programs
  - Include:
    - ◆ **user CPU time:** time spent by the CPU to execute the lines of code in our program
    - ◆ **system CPU time:** time spent by the operating system to execute the tasks requested by the program
  
- ❖ **Command `time` (UNIX):**  
Produce all the times relative to the indicated work  
Syntax: **`time <job>`** → **90.7u 12.9s 2:39 65%**



## Misure di prestazione a basso livello (livello istruzioni macchina)

**Tempo di CPU ( $T_{CPU}$ ):**

$$T_{CPU} = N_{cicli\_clock} \times T_{clock} = N_{cicli\_clock} / f_{clock}$$

**CPI: Clock Per Instruction**

- È il numero **medio** di **cicli di clock / istruzione**:

$$CPI = N_{cicli\_clock}(programma) / N_{istruzioni}(programma)$$

- $T_{CPU}$  e **CPI** sono quindi grandezze legate dall'espressione:

$$T_{CPU} = CPI \times N_{Istruzioni} \times T_{clock}$$

- ❖ **Esempio:** Calcolare il CPI di un programma di 400.000 istruzioni, che necessita per la sua esecuzione ( $T_{CPU}$ ) 1,2 sec, su un elaboratore con  $f_{clock} = 1$  MHz

Per l'esecuzione del programma, occorrono:

- $N_{cicli\_clock} = 10^6 \text{ cicli/sec} \times 1,2 \text{ sec} = 1,2 \cdot 10^6$  cicli
- **CPI** =  $N_{cicli} / N_{istruzioni} = 1,2 \cdot 10^6 \text{ cicli} / 4 \cdot 10^5 \text{ istr.} = 3$  **cicli/istruzione**

Sulle macchine di oggi il **CPI è inferiore a 1** (arch. **superscalari**)

## Misura delle prestazioni : $T_{medio/istruzione}$



### Misure di prestazione a basso livello (livello istruzioni macchina)

$T_{medio/istruzione}$  (= **CPI**  $\times$   $T_{clock}$ )

- ❖ in genere, istruzioni di tipo diverso richiedono quantità diverse di tempo
  - la moltiplicazione richiede più tempo dell'addizione
  - l'accesso alla memoria richiede più tempo dell'accesso ai registri

$T_{medio/istruzione}$  è il tempo medio di esecuzione del set di istruzioni di un'architettura, pesato secondo la frequenza di utilizzo di ogni istruzione.

Sommatoria delle durate dei diversi tipi di istruzione

$$T_{medio/istruzione} = \frac{T_{tot}}{\# Istruzioni} = \frac{\sum_{i=0}^S n_i t_i}{\sum_{i=0}^S n_i}$$

$n_i$  : numero di volte che l'istruzione  $i$  viene eseguita nel programma

$t_i$  : tempo di esecuzione dell'istruzione  $i$



- $CPI_i$  numero di cicli di clock necessari all'istruzione di tipo  $i$
- $n_i$  numero di volte che l'istruzione  $i$  viene eseguita nel programma.
- $f_i$  frequenza con cui l'istruzione  $i$  viene eseguita nel programma.

$$T_{mediolistr.} = \frac{\sum_{i=0}^S n_i t_i}{\sum_{i=0}^S n_i} = \sum_{i=1}^n (t_i \cdot f_i)$$

$$CPI_{medio} = \frac{\sum_{i=1}^n (CPI_i * n_i)}{\sum_{i=1}^n n_i} = \sum_{i=1}^n (CPI_i \cdot f_i)$$

(  $\sum_{i=1}^n n_i$  numero totale di istruzioni del programma )

$$T_{CPU} = t_{medio} \times N_{istruzioni} = CPI_{medio} \times T_{clock} \times N_{istruzioni}$$

$$T_{CPU} = \sum_{i=1}^n (t_i \cdot n_i) = t_{medio} \sum_{i=1}^n n_i = T_{clock} \sum_{i=1}^n (CPI_i \cdot n_i) = T_{clock} \cdot CPI_{medio} \sum_{i=1}^n n_i = T_{clock} \cdot CPI_{medio} \cdot N_{istruzioni}$$



**Esempio:** si consideri un calcolatore in grado di eseguire le istruzioni riportate in tabella.

Calcolare:

**$CPI_{medio}$  e il tempo di CPU** per eseguire un programma composto da **200 istruzioni**, assumendo una frequenza di clock pari a **500 MHz**.

istruzione	frequenza	CPI
ALU	43%	1
load	21%	4
store	12%	4
branch	12%	2
jump	12%	2

$$CPI_{medio} = 0,43 \times 1 + 0,21 \times 4 + 0,12 \times 4 + 0,12 \times 2 + 0,12 \times 2 = 2,23$$

$$T_{CPU} = N_{istruzioni} \times CPI_{medio} \times T_{clock} = 200 \times 2,23 \times 2 \text{ nsec} = 892 \text{ nsec}$$

$$t_{clock} * CPI = t_{medio}$$



### Indici di prestazione

#### ❖ **MIPS: Million Instructions Per Second**

$$\text{MIPS} = ( N_{\text{istruzioni}} / 10^6 ) / T_{\text{CPU}}$$

$$\text{MIPS} = f_{\text{CLOCK}} [\text{espressa in MHz}] / \text{CPI}$$

#### Problemi di misura con MIPS:

- dipende dall'insieme di istruzioni, quindi è difficile confrontare architetture con diversi set di istruzioni;
- varia a seconda del programma considerato;
- può variare in modo inversamente proporzionale alle prestazioni!

$$\text{MIPS relativo} = T_{\text{CPU}} / T_{\text{CPU\_REF}} \times \text{MIPS}_{\text{CPU\_REF}}$$

CPUref: VAX-11/780 di Digital

## Problemi di misura



### Problema – macchine con hardware di calcolo in virgola mobile:

- Le istruzioni in virgola mobile richiedono più cicli di clock di quelle su interi
- Hardware dedicato per la virgola mobile (in luogo delle routine software) impiegano meno tempo pur avendo un MIPS più basso

### **MFLOPS: Million Floating-point Operations Per Second** introdotto per i **supercomputer**

- Problema: misure di picco.
- MIPS di picco e sostenuti. Problema: poco significative.

### **BENCHMARKS = Programmi per valutare le prestazioni**

- Es: Whetstone, 1976; Drystone, 1984. Kernel benchmark. Loop Livermore, Linpack, 1980.
- Problema: polarizzazione del risultato.
- Benchmark con programmi piccoli (10-100 linee, 1980) → non adatti a misurare le prestazioni delle strutture gerarchiche di memoria.



## Benchmarks: indici **SPEC**

### PRINCIPIO di MISURA: **insieme di programmi di test**

Misura in più condizioni diverse (singolo / multiplo processore / time sharing...)

Benchmark specifici per valutare anche S.O. e I/O.

#### ❖ **SPEC '95** → **SPECint, SPECfp**

- base: Sun SPARCstation 10/40

Benchmark particolari:

- **SDM** (Systems Development Multitasking).
- **SFS** (System-level File Server).
- **SPEChpc96** Elaborazioni scientifiche ad alto livello

## Esempio **benchmark SPEC**



### **SPEC '95 – Test prestazioni elaborazione intera:**

- 1) **Go** Intelligenza artificiale
- 2) **m88ksim** Simulatore chip Motorola 88K
- 3) **gcc** Compilatore Gnu C che genera codice SPARC.
- 4) **compress** Compressione e decompressione di un file in memoria.
- 5) **li** Interprete LISP
- 6) **jpeg** Compressione e decompressione immagini
- 7) **perl** Manipolazione di stringhe e numeri primi (in PERL)
- 8) **vortex** Gestione di una base di dati.

### **SPEC '95 – Test prestazioni elaborazione in virgola mobile**

- 1) **Tomcatv** Programma per generazione di griglie
- 2) **Swim** Modello per acqua poco profonda con griglia 513 x 513
- 3) **Su2cor** Fisica quantistica: simulazione MonteCarlo
- 4) **Hydro2D** Simulazione sistemi fluidodinamici con equazioni di Navier-Stokes
- 5) **Mgrid** Risolutore multi-griglia in campo di potenziale 3D
- 6) **Applu** Equazioni alle differenze parziali paraboliche/ellittiche
- 7) **Turb3D** Simulazione di turbolenza isotropica ed omogenea in un cubo
- 8) **Apsi** Simulatore meteorologico, per il calcolo della diffusione di agenti inquinanti
- 9) **Fpppp** Chimica quantistica
- 10) **Wave5** Fisica dei plasmi: simulazione di particelle in campi elettromagnetici

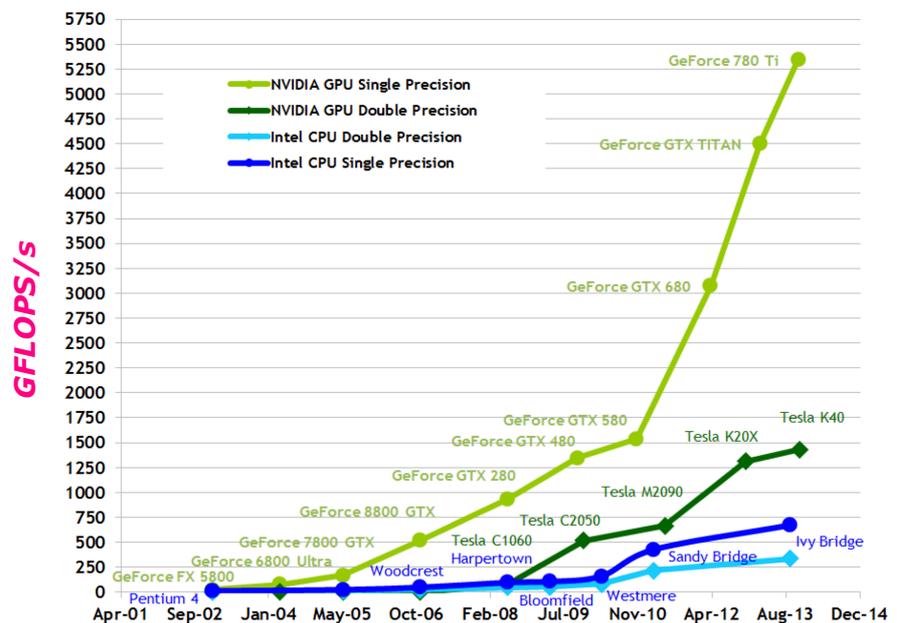
**SPEC 2000:** programmi simili, di utilizzo comune (**gzip**, compilaz. C, ...)



## Prestazioni CPU vs. GPU:

calcolo  
floating-point

(da: NVIDIA, 2014)



## Sommario



### ❖ Fare scelte "intelligenti"

- Installare nuovo hardware o nuovo software?
- Analisi costi/benefici relativi all'acquisto di nuovo hardware

Valutazione quantitativa delle prestazioni:

**legge di Amdahl**



Considero 2 macchine con prestazioni differenti:

	Calcolatore I	Calcolatore II
Durata istruzione A	1	10
Durata istruzione B	1000	100
Durata istruzione C	10	100

**Quale delle due macchine è più veloce?**

Dipende da quanto spesso uso le diverse istruzioni.

$$t_{medio} = \frac{\sum_{i=1}^n n_i \cdot t_i}{\sum_{i=1}^n n_i}$$

Tempo **medio** di esecuzione di un'istruzione:

❖ **Programma 1: 1000 istruzioni A, 1 istruzione B, 10 istruzioni C.**

$$t_I = 1/1011 * (1000*1 + 1*1000 + 10*10) = 2100/1011 \approx 2$$

$$t_{II} = 1/1011 * (1000*10 + 1*100 + 10*100) = 11100/1011 \approx 11$$

❖ **Programma 2: 100 istruzioni A, 10 istruzioni B, 10 istruzioni C.**

$$t_I = 1/120 * (100*1 + 10*1000 + 10*10) = 10200/120 \approx 100$$

$$t_{II} = 1/120 * (100*10 + 10*100 + 10*100) = 3000/120 \approx 30$$



## Criteri di ottimizzazione di calcolatori

**PRINCIPIO: rendere veloce il caso più frequente.**

- ❖ Favorendo (velocizzando) il caso più frequente (a discapito del più raro), la velocità media aumenta.

### Definizioni:

**$f_m$  : frazione miglioramento** ( $0 \leq f_m \leq 1$ )

- ❖ la frazione del tempo di calcolo della macchina originale che può essere modificato per avvantaggiarsi dei miglioramenti.

**$s_m$  : speed-up miglioramento** ( $s_m \geq 1$ )

- ❖ il fattore di aumento di velocità dovuto al miglioramento, rispetto alla velocità originale.



## Speed-up – esempio 1

Consideriamo un calcolatore (**Comp1**) ...

...e un secondo calcolatore (**Comp2**) identico a Comp1, dove però la **ALU è stata velocizzata di un fattore 2x**

Consideriamo un'applicazione che prevede **90%** di istruzioni in aritmetica intera.

Di quanto è lo **speed-up globale di Comp2 rispetto a Comp1?**

Speed-up attività modificata:  $s_M = 2$

Frazione di tempo attività modificata:  $f_M = 0.9$  (90%)

$T_{\text{Computer1}}: T_1 = T_{\text{ALU}} + T_{\text{RESTO}}; \quad T_{\text{ALU}} = 0.9 T_1, \quad T_{\text{RESTO}} = 0.1 T_1$

$T_{\text{Computer2}}: T_2 = T_{\text{ALU}}/2 + T_{\text{RESTO}} = (0.9/2) T_1 + 0.1 T_1 = 0.55 T_1$

**Speed-up globale:  $S = T_1/T_2 = 1 / 0.55 = 1.82$**

**In generale:**

$T_{\text{Computer1}}: T_1 = T_M + T_R; \quad T_M = f_M \cdot T_1, \quad T_R = (1-f_M) \cdot T_1$

$T_{\text{Computer2}}: T_2 = T_M/s_M + T_R = f_M/s_M \cdot T_1 + (1-f_M) \cdot T_1 = T_1 [f_M/s_M + (1-f_M)]$

**Speed-up:  $S = T_1/T_2 = 1 / [f_M/s_M + (1-f_M)]$**



## Corollario della legge di Amdahl

### ❖ **Legge di Amdahl:**

*Il miglioramento delle prestazioni globali ottenuto con un miglioramento particolare (e.g. un'istruzione), dipende dalla frazione di tempo in cui il miglioramento viene eseguito.*

$$\text{Speedup} = 1 / [1 - f_m + f_m / s_m]$$

$$S_{\text{globale}} = \frac{1}{1 - f_M + \frac{f_M}{s_M}}$$

In generale, per N fattori di speed – up :

$$S_{\text{globale}} = \frac{1}{1 - \sum_{i=1}^N f_{M,i} + \sum_{i=1}^N \frac{f_{M,i}}{s_{M,i}}}$$

### ❖ **Corollario:**

- *Se un miglioramento è utilizzabile solo per una frazione del tempo di esecuzione complessivo ( $f_m$ ), allora non è possibile accelerare l'esecuzione più del **reciproco di  $(1 - f_m)$** :*

$$\text{Speedup} \leq 1 / (1 - f_m) \quad (\text{caso limite: } s_M \rightarrow \infty)$$



$$T_{\text{new}} = T_{\text{nm}} + T_m = T_{\text{old}} * (1 - f_m) + (T_{\text{old}} / s_m) * f_m$$

0.1
0.9 / 2

$$T_{\text{new}} = T_{\text{old}} * (1 - f_m + f_m / s_m) = T_{\text{old}} * [1 - f_m * (1 - 1/s_m)]$$

Istruzioni non accelerate
Istruzioni accelerate

$$\text{Speedup}_{\text{globale}} = T_{\text{old}} / T_{\text{new}} = T_{\text{old}} / T_{\text{old}} * [1 - f_m * (1 - 1/s_m)] =$$

$$1 / [1 - f_m + f_m / s_m] < 1 / [1 - f_m] \quad \text{c.v.d. } (s_m \rightarrow \infty)$$

Istruzioni non accelerate

**Corollario:**

Se il tempo di esecuzione delle istruzioni accelerate aumentasse all'infinito, il tempo di esecuzione  $T_{\text{NEW}}$  coinciderebbe con il tempo di esecuzione delle istruzioni non accelerate:  $T_{\text{OLD}}(1-f_m)$

Quindi:  $S_{\text{max}} = T_{\text{OLD}} / T_{\text{NEW}} = 1 / (1-f_m)$

Esempio 2



**Esempio:**

- Si consideri un miglioramento che consente un funzionamento **10 volte** più veloce rispetto alla macchina originaria, ma che sia utilizzabile solo per il **40% del tempo**.
- Qual è il guadagno complessivo che si ottiene incorporando detto miglioramento?

$$\text{Speedup}_{\text{globale}} = 1 / (1 - f_m + f_m / S_m)$$

- **Frazione miglioramento** →  $f_m = 0.4$
- **Speedup miglioramento** →  $S_m = 10$

$$\text{Speedup}_{\text{globale}} = 1 / (1 - 0.4 + 0.4/10) = 1 / (1-0.4+0.04)$$

$$= 1 / 0.64 = \mathbf{1.5625} \quad (\mathbf{56\% \text{ più veloce}})$$



### Esempio: velocizzazione dovuta alla **memoria cache**

Supponiamo che una cache sia 5 volte più veloce della memoria principale e che venga usata per il 90% del tempo (miss rate = 0.1)

- ❖ Qual'è il guadagno in velocità dovuto all'uso della cache?
  - $f_M = 0.9$
  - $s_M = 5$
- ❖  $\text{Speedup}_{\text{globale}} = 1 / (1 - f_{\text{tempo\_cache}} + f_{\text{tempo\_cache}} / S_{\text{cache}}) = 1 / (1 - 0.9 + 0.9/5) \approx 3.6$
- ❖ Velocità 3.6 volte superiore usando la cache

## Esempio 3



### Esempio: valutazione rapporto prestazioni/costo

- ❖ Supponiamo di dover scegliere tra un server con una CPU standard ed uno con una CPU 5 volte più veloce (senza influenzare le prestazioni di I/O), ad un costo (della CPU) 5 volte superiore.
- ❖ Da misurazioni si sa che che la CPU viene utilizzata per il 50% del tempo (il tempo rimanente è dedicato ad operazioni di I/O).
- ❖ Se la CPU è un terzo del costo totale del server, quale CPU rappresenta il miglior investimento, in termini di rapporto prestazioni/prezzo?

Incremento globale di prestazioni:

$$\text{Speedup}_{\text{globale}} = 1 / (1 - 0.5 + 0.5/5) = 1 / 0.6 = 1.67$$
$$\text{Incremento di costo del server} = 2/3 + (1/3)*5 = 7/3 = 2.33$$

- ❖ L'incremento di costo è quindi "più grande" del miglioramento di prestazioni  
➔ la modifica **non** migliora il rapporto costo/prestazioni



## Esempio: speed-up mediante vettorializzazione

❖ Si deve valutare un miglioramento di una macchina per l'aggiunta di una **modalità vettoriale**. La computazione vettoriale è **20 volte più veloce** di quella normale. Si definisce **percentuale di vettorializzazione** la porzione di tempo di calcolo che può sfruttare la modalità vettoriale.

1. Disegnare un grafico che riporti lo speed-up in funzione della percentuale della computazione effettuata in modo vettoriale
  - Quale percentuale di vettorializzazione è necessaria per uno **speed-up di 2**?
  - Quale per raggiungere la **metà dello speed-up massimo**?

Si supponga ora che la percentuale di vettorializzazione misurata sia del **70%**

- ❖ I progettisti **hardware** affermano di potere **raddoppiare** la velocità della parte vettoriale se vengono effettuati significativi investimenti.
  - ❖ Il gruppo che si occupa dei **compilatori** può incrementare la **percentuale d'uso della modalità vettoriale**
2. Quale incremento della percentuale di vettorializzazione sarebbe necessario per ottenere lo stesso guadagno di prestazioni?
  3. Quale investimento raccomanderebbe?

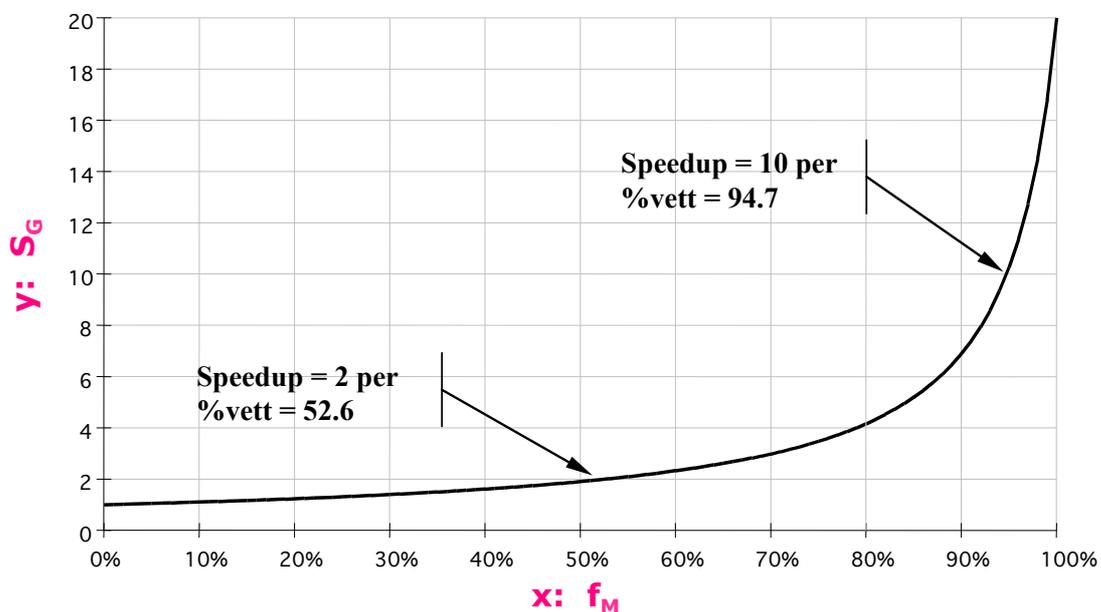
## Esempio: curva di speed-up



### Speed-up come funzione della frazione di vettorializzazione:

$$S_M = 20; \quad f_M = x;$$

$$S_G = S_G(f_M) = y(x) = 1 / [1 - x + x/20] = 20 / (20 - 19x); \quad 0 \leq x \leq 1$$





❖ L'incremento di velocità con  $f_{VETT} = 70\% \dots$

➤  $Speedup_G = 1 / [1 - 0.7 + 0.7 / 20] =$   
 $= 1 / (1 - 0.7 * 19 / 20) = 2,9851$

❖ HW: raddoppiando la velocità dell'unità vettoriale:

➤  $Speedup_{HW} = 1 / [1 - 0.7 + 0.7 / 40] =$   
 $= 1 / (1 - 0.7 * 39 / 40) = 3,1496$

❖ SW: aumentando la percentuale di vettorizzazione,  $f_{VETT} \dots$

➤  $Speedup_{SW} = 3,1496 = 1 / [1 - x + x / 20]$   
➔  $x = f_{VETT} = 71,84\%$

➔ La soluzione SW è ragionevolmente più vantaggiosa!